

УДК 669.054.8

## ИССЛЕДОВАНИЕ ПРОЦЕССА НАГРЕВА МЕТАЛЛИЧЕСКОЙ СТРУЖКИ

### ЧАСТЬ I

*Канд. техн. наук, доц. ДЬЯКОНОВ О. М.*

*Белорусский национальный технический университет*

Металлическая стружка представляет собой ценное металлургическое сырье, которое образуется при обработке резанием в огромных количествах на предприятиях металлообрабатывающей промышленности. Для ее эффективной и экологически безопасной переплавки в металлургических печах (имеется в виду минимизация угара и потерь легирующих элементов, а также выбросов вредных загрязняющих веществ в атмосферу) необходимо провести операции окускования и обезмасливания металлических частиц. Размер этих частиц после дробления и сортировки стружки по фракционному составу колеблется от 3 до 50 мм. Наиболее эффективной и производительной технологией окускования стружки (и в особенности легированной стружки) является ее горячее брикетирование, включающее операции нагрева и горячего формования [1–4]. При нагреве стружки происходят сложные теплофизические и термохимические процессы, исследование которых позволяет найти оптимальные режимы формования и добиться высокой плотности брикетов порядка  $7 \text{ кг/м}^3$ . Брикеты полностью очищены от масла и ПАВ, их размер варьируется от 70 до 200 мм. Это позволяет использовать стружковое сырье как обычный металлолом и тем самым улучшить технико-экономические показатели и экологию плавок.

Цель работы – численный расчет и оптимизация параметров процессов тепло- и массопереноса при нагреве стальной стружки в

вертикальной проходной муфельной печи [1]. Температура нагрева, при которой обеспечивается наивысшая плотность брикетов при отсутствии окисления металла стружки, составляет  $650\text{--}700 \text{ }^\circ\text{C}$ . Нагрев стружки происходит в стационарном тепловом поле, создаваемом за счет сгорания природного газа и масляной компоненты стружки в топке печи. При этом сама стружка перемещается в стальной муфельной трубе, расположенной в центре и по оси рабочего пространства. Муфель ограничивает пространство, заполненное стружкой, через которую, как через фильтр, проходят газы (продукты возгонки СОЖ), выполняющие функцию теплопередающей среды вплоть до их выпуска в печь через щелевые отверстия в стенках трубы. Ограниченность пространства в муфеле и высокая плотность стружки позволяют создать избыточное давление и высокую плотность газовой атмосферы.

Особенности нагрева стружки в муфеле обусловлены ее теплофизическими свойствами и схемой нагрева. Сама стружка, СОЖ и ее пары образуют многофазную гетерогенную пористую среду. Описание процессов переноса в такой среде требует определения эффективных коэффициентов теплопереноса.

**Тепло- и массоперенос в металлической стружке.** Проблеме описания процессов переноса теплоты и массы в пористых гетерогенных средах посвящены работы [5–7]. Одной из наиболее распространенных моделей

переноса является модель взаимопроникающих континуумов [6, 8, 9]. Основная идея данного подхода заключается в том, что исследуемое пространство разбивается на малые элементарные физические объемы, в пределах которых проводится усреднение концентрации каждой фазы с соответствующими физико-механическими характеристиками (плотностью, температурой, давлением). Далее для каждой из фаз записывается система дифференциальных уравнений, отражающая законы сохранения энергии, импульса и массы.

Элементарный объем, с одной стороны, должен быть достаточно большим, чтобы вместить в себя большое количество минимальных структурных элементов пористой среды, а с другой стороны, он должен быть достаточно мал, чтобы параметры этих элементов не очень сильно различались в разных его точках и с хорошей степенью точности могли быть заменены их средними значениями. Критерием, характеризующим применимость модели, является соотношение между характерными пространственным масштабом градиентов температуры (либо концентраций) и размером элементарной структурной ячейки пористой среды. Модель применима в том случае, если пространственный масштаб градиентов существенно превышает размер ячейки. Как будет показано ниже, для процесса нагрева стружки в муфельной печи данное условие удовлетворяется с высокой точностью.

Базой для описания процессов фильтрационного массопереноса в стружке может служить закон Дарси [5]. Этот закон представляет собой экспериментально установленное соотношение между скоростью фильтрации газа  $\vec{v}$  (в данном случае в соответствии с технологической схемой это пары СОЖ) и градиентом давления  $\nabla p$  в пористой среде при достаточно малых скоростях и градиентах давления

$$\vec{v} = -\frac{K_0}{\mu} \nabla p, \quad (1)$$

где  $\mu$  – динамический коэффициент вязкости;  $K_0$  – коэффициент проницаемости пористой среды, имеющий размерность площади.

Единицей измерения проницаемости является дарси (Da):  $1 \text{ Da} = 10^{-8} \text{ см}^2$ . Существует достаточно много эмпирических выражений для проницаемости, например формула Кармана-Козени [5]:

$$K_0 = \frac{\varepsilon^3}{5S^2}, \quad (2)$$

где  $S$  – удельная площадь внутренней поверхности пористого тела, приходящаяся на единицу объема;  $\varepsilon$  – пористость. Эта формула вполне пригодна для описания процесса фильтрации в стружке, которая является высокопористой средой ( $\varepsilon \sim 0,85-0,90$ ). В этом случае удельная площадь поверхности стружки рассчитывается на основе модели пористого тела, состоящего из однородных твердых сферических частиц диаметром  $d_s$ :

$$S = \frac{6(1-\varepsilon)}{d_s}.$$

Важной составляющей процесса нагрева стружки является термическая возгонка СОЖ с поверхности металлических частиц. На основе методов термодинамики необратимых процессов [10] получена система уравнений, описывающих взаимосвязанный тепло- и массоперенос в капиллярно-пористых телах с учетом фазовых превращений при условии, что общее изменение удельного влагосодержания тела  $u$  обусловлено переносом влаги и фазовым превращением жидкости в пар. В одномерном случае данная система имеет следующий вид:

$$c_p \rho \frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \lambda \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \rho \psi Q \frac{\partial u}{\partial t}, \quad (3)$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \chi_1 \frac{\partial u}{\partial x} + \chi_1 \delta \frac{\partial T}{\partial x} \right), \quad (4)$$

где  $\psi$  – критерий фазового превращения, который чаще всего рассматривается как непрерывная функция координат или влагосодержания. Коэффициенты переноса в (3), (4) зависят от влагосодержания  $u$  и температуры  $T$  [10]. Система уравнений (1), (2) дополняется граничными условиями. Условия

третьего рода на поверхности гетерогенной среды [11] записываются таким образом:

$$\lambda \frac{\partial T}{\partial x} = \alpha(T_a - T) - Q(1 - \psi)\rho\alpha_1(u - u_b), \quad (5)$$

$$\chi_1 \frac{\partial u}{\partial x} + \chi_1 \delta' \frac{\partial T}{\partial x} = \alpha_1(u_b - u), \quad (6)$$

где  $\alpha, \alpha'$  – коэффициенты теплообмена и массообмена соответственно;  $T_a$  – температура среды;  $u_b$  – равновесное влагосодержание. В случае углубления зоны испарения внутрь тела система уравнений (3), (4) решается для каждой из зон, а величина  $\psi(u)$  представляется в виде разрывной функции.

Если предположить, что в зоне испарения перемещается только пар и отсутствует градиент влагосодержания, а во влажной зоне влага представляет собой смесь пара и жидкости, то решение задачи обезвоживания и обезмасливания стружки сводится к решению уравнения теплопроводности в первой зоне и уравнений (3), (4) во второй зоне. Поскольку влагосодержание каждой из зон не изменяется и во влажной зоне находится только жидкость, то для стружки, представляющей собой пористое тело, получаем задачу Стефана [9].

При высокоинтенсивных процессах испарения жидкости внутри влажного материала имеет место градиент общего давления влажного воздуха, появление которого объясняется тем, что капиллярно-пористое тело оказывает большое сопротивление фильтрационному движению парогазовой смеси. Перепад давлений, возникающий за счет испарения жидкости влажного воздуха, не релаксирует мгновенно [6]. Система уравнений тепло- и влагопереноса в этом случае видоизменяется, так как в выражении для суммарного потока влаги учитывается дополнительный член, пропорциональный градиенту давления. В уравнениях (3), (4) появляется член, пропорциональный градиенту давления. Также система дополняется уравнением для давления парогазовой смеси внутри пористого тела [6, 10]. Однако рассматриваемый процесс нагрева стружки в силу низкого влагосодержания

является слабоинтенсивным, и указанные эффекты могут не учитываться.

Наряду с наиболее простой теорией А. В. Лыкова для описания процессов тепло- и массопереноса в пористых телах [10, 11] используют более сложные теории, которые в отсутствие единого потенциала влагопереноса позволяют описать одновременное действие нескольких механизмов массопереноса. Наиболее распространенной теорией такого рода является теория многофазной фильтрации [6], в которой средние скорости движения жидкой и газообразной фаз представлены уравнениями, аналогичными (1). Движение каждой из фаз зависит от давления и взаимного расположения фаз в поровом пространстве.

**Эффективные коэффициенты теплопереноса.** Моделирование процессов переноса в пористых средах требует определения эффективного коэффициента теплопроводности среды  $\lambda_{ef}$  и коэффициента внутреннего теплообмена  $\alpha_v$  [5, 11]. Теплообмен между единичной частицей для неконсолидированной твердой фазы и газовым потоком характеризуется коэффициентом теплообмена  $\alpha$ , отнесенным к единице площади поверхности частицы. Следуя [12], можно ввести также коэффициенты внешнего ( $\alpha_{out}$ ) по отношению к частице и внутреннего ( $\lambda_p f / d_s$ ) теплообмена, где фактор  $f = 10; 8; 6$  соответствует частицам сферической, цилиндрической и пластинчатой формы. Тогда

$$\frac{1}{\alpha} = \frac{1}{\alpha_{out}} + \frac{d_s}{\lambda_s f}. \quad (7)$$

Коэффициент  $\alpha_{out}$  вычисляется по критериальным соотношениям, полученным в результате обобщения экспериментальных данных [13]:

$$Nu = 2 + 1,1 Re^{0,6} Pr^{\frac{1}{3}}, \quad (8)$$

где  $Nu = \alpha_{out} d_s / \lambda_g$ ;  $Re = \rho_g v_D d_s / \mu_g$ ;  $Pr = \mu_g / (\rho_g a_g)$ ;  $v_D$  – так называемая скорость Дарси – расход газа через единицу площади поперечного сечения пористого слоя. В [14]

предлагаются другие критериальные соотношения, в которых критерии Нуссельта и Рейнольдса выражены через эффективный диаметр твердых частиц и зависят от пористости системы:

$$\text{Nu}_{ef} = 0,395 \text{Re}_{ef}^{0,64} \text{Pr}^{\frac{1}{3}}$$

(для  $\text{Re}_{ef} = 30-5 \cdot 10^5$ ;  $\text{Pr} = 0,6-6 \cdot 10^4$ ); (9)

$$\text{Nu}_{ef} = 0,725 \text{Re}_{ef}^{0,47} \text{Pr}^{\frac{1}{3}}$$

(для  $\text{Re}_{ef} = 30-2$ ;  $\text{Pr} = 0,6-10$ ); (10)

$$\text{Nu}_{ef} = 0,515 \text{Re}_{ef}^{0,85} \text{Pr}^{\frac{1}{3}}$$

(для  $\text{Re}_{ef} = 2-0,1$ ;  $\text{Pr} = 0,6-10$ ). (11)

Здесь  $d_{ef} = 4\varepsilon/S_0(1-\varepsilon)$ ;  $S_0 = S_p/V_p$  – отношение площади поверхности частицы к ее объему;  $\text{Re}_{ef} = \rho_g v_D d_{ef} / \varepsilon \mu_g$ ;  $\text{Nu}_{ef} = \alpha_{sg} d_{ef} / \lambda_g$ .

Для описания процессов переноса в стружке важно знать коэффициенты переноса и их зависимость от теплофизических и структурных свойств этой среды. Рассмотрим три механизма теплопереноса: кондуктивный, радиационный и конвективный при локальном тепловом равновесии между фазами среды (однотемпературное приближение).

**Кондуктивный теплоперенос.** Для исследования переносных свойств неоднородных сред используются различные теоретические методы, в частности метод обобщенной проводимости [7]. Согласно данному методу вначале определяется теплопроводность каждой из фаз с учетом соответствующих граничных условий, а затем, после усреднения по объему пористого тела, – эффективный коэффициент теплопроводности  $\lambda_{ef}$ , равный коэффициенту пропорциональности между средним потоком теплоты и средним градиентом температуры. Для приближенного замыкания процедуры расчета часто прибегают к геометрическому моделированию структуры пористого тела.

Передача теплоты в пористых средах осуществляется: 1) теплопроводностью частиц материала; 2) теплопроводностью жидкости или газа (при низких давлениях внутри пористого тела зависимость  $\lambda_{ef}$  от давления газа

становится существенной); 3) контактной теплопроводностью между частицами; 4) тепловым излучением от частицы к частице (при высоких температурах); 5) теплопроводностью газового микрозазора между частицами. Эффективный коэффициент теплопроводности зависит как от коэффициентов теплопроводности каждой из фаз ( $\lambda_s, \lambda_f$  или  $\lambda_g$ ), так и от структуры пористого тела [6]. Простейшие выражения для  $\lambda_{ef}$  получаются при рассмотрении системы, состоящей из чередующихся друг с другом плоских слоев твердого скелета и газа (или жидкости). Слои могут быть расположены как перпендикулярно направлению теплового потока (минимальное значение  $\lambda_{ef}$ ), так и параллельно ему (максимальное значение  $\lambda_{ef}$ ). Тогда соответственно:

$$\frac{1}{\lambda_{ef}} = \frac{1-\varepsilon}{\lambda_s} + \frac{\varepsilon}{\lambda_g}; \quad \lambda_{ef} = \frac{\lambda_s \lambda_g}{\varepsilon \lambda_s + (1-\varepsilon) \lambda_g}; \quad (12)$$

$$\lambda_{ef} = \varepsilon \lambda_g + (1-\varepsilon) \lambda_s. \quad (13)$$

Выражения (12), (13) являются точными решениями уравнения Лапласа для однородного потока и однородного поля [15].

Для определения контактной теплопроводности  $\lambda_k$  зернистых материалов, к каковым относится, например, чугунная стружка, в [16] предлагается следующая формула:

$$\lambda_k = 3,37(1-\varepsilon)^{\frac{4}{3}} \lambda_s \left( \frac{p}{E} \right)^{\frac{1}{3}} + \lambda_{св}, \quad (14)$$

где  $E$  – модуль Юнга, Н/м<sup>2</sup>;  $p$  – удельная нагрузка (давление) на материал, определяемая наличием дополнительной внешней нагрузки;  $\lambda_{св}$  – контактная теплопроводность в состоянии свободной засыпки. Для  $\lambda_{ef}$  в [17] рекомендовано выражение, в котором учитываются контактная теплопроводность, передача теплоты по микрозазору, лучистый теплоперенос:

$$\frac{\lambda_{ef}}{\lambda_s} \approx \frac{1}{\left(\frac{h}{L}\right)^2 + A} + \frac{\lambda_g + B_2}{\lambda_s} \left(1 - \frac{h}{L}\right) + \frac{2}{1 + \frac{h}{l} + \frac{\lambda_s L}{\lambda_g h}}, \quad (15)$$

где  $h$  – ширина ячейки;  $l$  – высота поры;  $L = l + h$ ;  $h/l$  – функция пористости системы. Величина  $A$  определяет влияние контакта между двумя соседними частицами и лучистого теплопереноса на эффективную теплопроводность пористой среды

$$A = \left\{ \frac{\lambda_k}{\lambda_s} + \frac{1}{4} \left[ \frac{\lambda_g}{\lambda_s B_1} + \frac{B_2}{\lambda_s} \right] \left(\frac{h}{l}\right)^2 \cdot 10^3 \right\}^{-1}, \quad (16)$$

где величины  $B_1 \approx 1,5 - 2$ ;  $B_2 = 2\varepsilon_r^2 \sigma T^3 l$  ( $\sigma$  – постоянная Стефана – Больцмана;  $\varepsilon_r$  – степень черноты поверхности пор) учитывают наличие микрошероховатости частиц и передачу теплоты излучением. Влияние излучения является существенным при глубоком вакууме и достаточно высоких температурах.

Для пористых металлов [18]  $\lambda_{ef} = \lambda_s(1 - \varepsilon)^2$  при  $\varepsilon > 0,4$  и  $\lambda_{ef} = \lambda_s(1 - 1,5\varepsilon)$  при  $\varepsilon < 0,6$ . Для образцов из металлических волокон

$$\frac{\lambda_{ef}}{\lambda_s} = 0,25 \left\{ 1 - (2\nu + 1)\varepsilon + \sqrt{[1 - (2\nu + 1)\varepsilon]^2 + 8\nu(1 - \varepsilon)} \right\}, \quad (17)$$

где  $\nu$  – относительный линейный размер контакта между волокнами, равный отношению линейного размера контакта к диаметру волокна. При  $\nu \rightarrow 0$  из (17) получаем выражение  $\lambda_{ef} = 0,5\lambda_s(1 - \varepsilon)$ , которое удовлетворительно согласуется с экспериментальными данными при  $\varepsilon > 0,55$ .

**Радиационный теплоперенос.** Этот механизм теплопереноса особенно существен для стружки, представляющей собой неоднородную пористую среду, особенно при высоких температурах нагрева и пористости стружки [7]. Стружка представляет собой полупрозрачную изотропную среду, в которой происходят поглощение, испускание и

рассеяние лучистой энергии. Интенсивность излучения связана с уровнем локального результирующего радиационного потока в объеме стружки. Интегральный и монохроматический потоки обозначим далее символами  $I, I_\lambda$ .

Полное ослабление излучения на малом отрезке пути  $dl$  равно сумме поглощения и рассеяния и пропорционально интенсивности  $I_\lambda$

$$\beta_\lambda I_\lambda dl = \alpha_\lambda I_\lambda dl + \gamma_\lambda I_\lambda dl, \quad \beta_\lambda = \alpha_\lambda + \gamma_\lambda, \quad (18)$$

где  $\alpha_\lambda, \gamma_\lambda, \beta_\lambda$  – объемные спектральные коэффициенты поглощения, рассеяния и ослабления. Оптическая толщина среды  $\tau_{\lambda l}$  равна произведению монохроматического или спектрального коэффициента поглощения на толщину среды  $l$

$$\tau_{\lambda l} = \tau_\lambda l. \quad (19)$$

Если  $\tau_{\lambda l} \gg 1$ , то излучающую среду рассматривают как некоторый континуум фотонов и называют оптически толстым слоем. Когда

$\tau_{\lambda l} \ll 1$ , фотоны, испускаемые любым элементом среды, непосредственно попадают на ограничивающие поверхности без промежуточного поглощения в среде. Здесь среда не поглощает своего собственного излучения, но может поглощать излучение, испускаемое ограничивающими поверхностями. Такая модель среды носит название оптически тонкого слоя. Предельный случай  $\tau_{\lambda l} = 1$  означает, что фотоны перемещаются от поверхности к поверхности без промежуточного поглощения или испускания. При совместном переносе энергии в высокопористом теле теплопроводностью и излучением необходимо учитывать лучистый поток  $q_\lambda$ . Закон Фурье для полного потока формулируется следующим образом:

$$q = -\lambda_m \text{grad}t + q_\lambda, \quad (20)$$

где  $\lambda_m$  – кондуктивная (или молекулярная) теплопроводность. Уравнение Фурье имеет вид

$$c\rho \frac{\partial t}{\partial \tau} = \text{div}(\lambda \text{grad}t) - \text{div}q_\lambda. \quad (21)$$

Для стационарной задачи и постоянной теплопроводности ( $\lambda = \text{const}$ )

$$\lambda_m \nabla^2 t = \text{div}(q_n). \quad (22)$$

Для определения  $q_n$  применительно к поглощающей (П), испускающей (И) и рассеивающей (Р) среде (ПИР-среда) приходится рассматривать достаточно сложные интегральные выражения, которые совместно с (22) приводят к необходимости анализа интегродифференциальных уравнений [19]. Рассмотрим простейший случай переноса теплоты в ПИР-среде (в данном случае это стружка), ограниченной плоскими диффузными поверхностями, в так называемом «сером» приближении, когда  $\beta_\lambda = \beta$ ;  $\alpha_\lambda = \alpha$ ;  $\gamma_\lambda = \gamma$ , причем эти коэффициенты не зависят от температуры. Уравнение (22) для этого случая представим в виде

$$\frac{d}{dy} \left( \lambda_m \frac{dt}{dy} - q_n \right) = 0. \quad (23)$$

Интегрируя это уравнение, получим выражение для удельного потока между поверхностями 1 и 2

$$q = -\lambda_m \frac{dt}{dy} + q_n = \text{const}. \quad (24)$$

Представим удельный поток  $q$  в виде  $q = \lambda_{ef}(T_2 - T_1)/l$ , тогда

$$\lambda_{ef} = \frac{\left( q_n - \lambda_m \frac{\partial T}{\partial y} \right) l}{T_2 - T_1}. \quad (25)$$

$T(y)$  зависит от физических параметров  $\lambda_m$ ,  $\alpha$ ,  $\gamma$ ,  $n$  и, кроме того, от степеней черноты  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$ , ограничивающих диффузные поверхности. От тех же величин зависят тепловые потоки  $q_n$  и  $-\lambda_m dT/dy$ , а следовательно, и эффективная теплопроводность  $\lambda_{ef}$ . Коэффициент  $\lambda_{ef}$  для металлической стружки нельзя рассматривать как величину, однозначно характеризующую кондуктивные и радиационные свойства полупрозрачного вещества:  $\lambda_{ef}$  зависит не

только от физических свойств среды, но и от формы, размеров тела, внешних условий лучистого теплообмена ( $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2$ , степени диффузности поверхностей и т. д.). При этом радиационная и кондуктивная доли полного потока теплоты оказываются в общем случае неаддитивными. Этот вывод следует из взаимосвязи членов  $q_n$  и  $-\lambda_m dT/dy$  в (25). Однако в частных случаях лучистая и молекулярная доли полного потока теплоты оказываются аддитивными или близкими к аддитивным, и тогда задача упрощается.

Для оптически тонкого плоского слоя справедливо следующее выражение для потока радиации  $q_n$  [7]:

$$q_n = \left[ \sigma (T_1^4 - T_2^4) \right] (\varepsilon_1^{-1} + \varepsilon_2^{-1} - 1)^{-1}, \quad (26)$$

где  $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8}$  Вт/(м<sup>2</sup>·К<sup>4</sup>) – постоянная Стефана – Больцмана. Это позволяет представить (25) в виде

$$\lambda_{ef} = \lambda_m + \sigma l \varepsilon_{\text{пр}} \frac{T_1^4 - T_2^4}{T_1 - T_2},$$

$$\text{где} \quad \varepsilon_{\text{пр}} = \varepsilon_1^{-1} + \varepsilon_2^{-1} - 1. \quad (27)$$

Если  $T_1 - T_2$  малая величина, а степени черноты  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$  превышают 0,8, то можно пользоваться приближенным выражением

$$\lambda_{ef} = \lambda_m + \lambda_n = \lambda_m + 0,227 \varepsilon^2 l (\bar{T}/100)^3,$$

$$\text{где} \quad T = 0,5(T_1 + T_2). \quad (28)$$

Из приведенных формул следует, что полный поток не зависит от коэффициентов  $\alpha$  и  $\gamma$ , а теплопроводность равна сумме кондуктивной (молекулярной) и радиационной составляющих. Для оптически толстого слоя ПИР-среды [19]

$$\lambda_{ef} = \lambda_m + \frac{16n_{\text{пр}}^2 \sigma T^3}{3\beta}. \quad (29)$$

Для промежуточного случая, когда среда не относится ни к оптически толстому, ни к оптически тонкому слою, радиационная составляющая  $q_n$  рассчитывается по формуле Польтца [7]

$$\lambda_{\text{п}} = \frac{16 n_{\text{пр}}^2 \sigma T^3}{3 \beta} Y(\varepsilon, \tau), \quad \tau = \alpha l, \quad (30)$$

где  $Y$  – функция оптической толщины образца  $\tau$  и степени черноты ограничивающих поверхностей  $\varepsilon$  [20].

Расчеты показали, что для плоского слоя толщиной 5 мм в диапазоне температур  $400 \leq T \leq 1500$  К и степеней черноты  $0,1 \leq \varepsilon \leq 1,0$  при плотности теплового потока до  $7,5 \cdot 10^3$  Вт/м<sup>2</sup> формула (30) приводит к погрешности не более 10 %. С ростом оптической толщины погрешность возрастает до 20 %, однако и в этом случае можно использовать (30). Влияние селективности поглощения (зависимость от длины волны) наиболее ощутимо при оптической толщине слоя 0,5–1,0, расхождения в расчете температурного поля в этом случае достигают 45 %, но быстро уменьшаются при изменении  $\tau$ .

Если в высокопористых телах длина свободного пробега фотона  $\Lambda$  значительно меньше толщины пористого слоя (что справедливо для стружки), то процесс переноса энергии излучения можно рассматривать как диффузионный. Для оптически толстого слоя в приближении Росселанда перенос излучения запишем одним уравнением теплопроводности с коэффициентом лучистой теплопроводности  $\lambda_R$  [6]

$$\lambda_R = \varepsilon \frac{16}{3} \sigma T^3 \Lambda = \frac{64}{9} \sigma T^3 \frac{\varepsilon^2}{1-\varepsilon} r, \quad (31)$$

где  $r$  – характерный размер (радиус) твердых включений в высокопористом теле. Это выражение наиболее адекватно для стальной стружки пористостью около 90 %.

### Конвективный теплоперенос.

Рассмотрим естественную конвекцию в пористых материалах, которая возникает при определенных соотношениях давления газа, градиента температур, размеров сообщающихся пор. Систематические исследования в этой области начались в пятидесятых годах прошлого века и были направлены в первую очередь на определение условий возникновения конвекции в пористых

материалах. В результате было предложено неравенство

$$\frac{g \beta \Delta T \delta k}{\nu a} > 4 \pi^2 \approx 40, \quad (32)$$

где  $\Delta T, \delta$  – разность температур стенок пор и их размер;  $\nu, a, \beta$  – кинематическая вязкость, температуропроводность и коэффициент термического расширения газа или жидкости в поре;  $k$  – коэффициент проницаемости при ламинарном течении газа;  $g = 9,81$  м/с<sup>2</sup>. Численное решение системы уравнений, характеризующих теплообмен в пористой среде [7], позволило получить критериальные выражения, связывающие число Нуссельта  $Nu^*$  с фильтрационным числом Рэлея  $Ra^*$ :

$$Nu^* = f\left(Ra^*, \frac{L}{h}, A\right), \quad Nu^* = \frac{\lambda_{ef}}{\lambda^*}; \quad (33)$$

$$Ra^* = \frac{g \beta \rho c_p L \Delta T k}{\nu \lambda^*}.$$

где  $\lambda_{ef}, \lambda^*$  – коэффициенты теплопроводности пористой среды с учетом и без учета конвекции;  $L, h$  – высота и ширина пористого слоя;

$A$  – угол между нормалью к поверхности и направлением силы тяжести;  $\rho, c_p$  – плотность и удельная теплоемкость газа или жидкости. Если пористую среду заполняет газ, описываемый уравнением состояния  $p = \rho RT$ , то согласно [20] фильтрационное число Рэлея

$$Ra^* = \frac{g \beta L k c_p \Delta T \bar{p}^2}{\mu \lambda R^2 T} = Ra Da \frac{\lambda_g}{\lambda^*} \bar{p}^2 f(\bar{p}). \quad (34)$$

Число Рэлея  $Ra^*$ , в свою очередь, равно произведению чисел Грасгофа  $Gr$  и Прандтля  $Pr$

$$Ra = Gr Pr = \left( \frac{g \beta L^3 \Delta T}{\nu^2} \right) \left( \frac{\nu \rho c_p}{\lambda^*} \right). \quad (35)$$

Через  $Da$  в (34) обозначено число Дарси

$$Da = \frac{k}{L^2}, \quad (36)$$

$\bar{p} = p / p_0$  – отношение давлений ( $p_0 = 105$  Па);  $f(\bar{p})$  – поправка, учитывающая изменение физических свойств газа  $\lambda_r, \mu_r, c_p, \beta$  в зависимости от давления;  $\lambda_r$  – теплопроводность газа.

Авторы [10] получили зависимости типа (34). Оценка критического числа Рэлея  $Ra_{кр}^*$ , при котором возникает конвекция, также одинакова, т. е.

$$Ra_{кр}^* \geq 4\pi^2 \approx 40. \quad (37)$$

Отмечается резкое возрастание интенсивности теплообмена в пористых материалах с повышением давления газообразной среды, например в (34) критерий  $Ra^*$  пропорционален квадрату давления. Критериальные уравнения, полученные в указанных работах, являются незамкнутыми, так как отсутствуют практические рекомендации по расчету коэффициентов проницаемости  $k$  и теплопроводности  $\lambda^*$ . В [7] на основании обработки и аппроксимации результатов измерений, а также анализа теоретических работ предложены следующие зависимости для расчета интенсивности теплообмена:

• в горизонтальных слоях волокнистых материалов:

$$\begin{aligned} \text{при } Ra^* \leq 40 \quad Nu^* &= 1; \\ \text{при } 40 < Ra^* < 400 \quad Nu^* &= 0,4(Ra^*)^{0,5} - 1,5; \\ \text{при } 400 \leq Ra^* < 1 \cdot 10^4 \quad Nu^* &= 0,17(Ra^*)^{0,5} + 2,8; \end{aligned} \quad (38)$$

• в горизонтальных слоях зернистых материалов:

$$\begin{aligned} \text{при } Ra^* \leq 40 \quad Nu^* &= 1; \\ \text{при } 40 < Ra^* < 6000 \quad Nu^* &= 4,78(Ra^*)^{0,5} - 9. \end{aligned} \quad (39)$$

Оценка фильтрационного числа Рэлея в стружке при ее нагреве в муфельной печи показывает, что  $Ra^* < 1$ , поэтому конвективной составляющей эффективной теплопроводности в стружке можно пренебречь.

Приведенные выражения, описывающие вклад различных механизмов тепло- и массопереноса в эффективную теплопроводность пористых тел, с достаточной для практических приложений точностью можно применить для расчета процессов нагрева, обезвоживания и обезмасливания металлической стружки. В последующих работах представим физико-математическую модель этих процессов и численный алгоритм ее решения. Рассмотренные выражения для эффективных коэффициентов теплопереноса будут использованы в качестве базовых в приближении взаимопроникающих континуумов.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Дьяконов, О. М. Способ брикетирования металлической стружки и устройство для его осуществления / О. М. Дьяконов: пат. Респ. Беларусь № 8755 от 21.09.2006.
2. Дьяконов, О. М. Получение высококачественного металлургического сырья из отходов подшипникового производства / О. М. Дьяконов, П. А. Витязь; НАН Беларуси // Порошковая металлургия. – 2005. – № 28. – С. 19–26.
3. Дьяконов, О. М. Совершенствование процесса термохимического модифицирования металлических отходов / О. М. Дьяконов // Известия НАН Беларуси. Сер. химических наук. – 2006. – № 3. – С. 113–116.
4. Дьяконов, О. М. Термодеструкция масляной фазы при нагреве металлической стружки / О. М. Дьяконов, В. В. Шевчук // Известия НАН Беларуси. Сер. химических наук. – 2006. – № 4. – С. 116–121.
5. Kaviany, M. Principles of Heat Transfer in Porous Media / M. Kaviany. – New York: Springer, Verlag, 1991.
6. Павлюкевич, Н. В. Введение в теорию тепло- и массопереноса в пористых средах / Н. В. Павлюкевич. – Минск: Наука и техника, 2002.
7. Дульнев, Г. Н. Процессы переноса в неоднородных средах / Г. Н. Дульнев, В. В. Новиков. – Л.: Энергоатомиздат, 1991.
8. Матрос, Ю. Ш. Нестационарные процессы в каталитических реакторах / Ю. Ш. Матрос. – Новосибирск: Наука, 1982.
9. Ярин, Л. П. Основы теории горения двухфазных сред / Л. П. Ярин, Г. С. Сухов. – Л.: Энергоатомиздат, 1987.
10. Лыков, А. В. Теория сушки / А. В. Лыков. – М.: Энергия, 1968.
11. Лыков, А. В. Тепломассообмен: справ. / А. В. Лыков. – М.: Энергия, 1973.
12. Dixon, A. G. Theoretical Prediction of Effective Heat Transfer Parameters in Packed Beds / A. G. Dixon, D. I. Creswell // AIChE J. – 1979. – Vol. 25, № 4. – P. 663–676.

#### ВЫВОД

13. **Wakao, N.** Heat and Mass Transfer in Packed Beds / N. Wakao, S. Kagueli. – New York: Gordon and Breach Science Pub, 1982. – P. 37–46.

14. **Аэров, М. Э.** Аппараты со стационарным зернистым слоем: гидравлические и тепловые основы работы / М. Э. Аэров, О. М. Тодес, Д. А. Наринский. – Л.: Химия, 1979.

15. **Мандель, А. М.** Аналитический расчет проводимости резко неоднородных сред с учетом перколяционных явлений / А. М. Мандель // ИФЖ. – 1999. – Т. 72, № 1. – С. 61–65.

16. **Каганер, М. Г.** Тепловая изоляция в технике низких температур / М. Г. Каганер. – М.: Машиностроение, 1968.

17. **Васильев, Л. Л.** Теплофизические свойства пористых материалов / Л. Л. Васильев, С. А. Танаева. – Минск: Наука и техника, 1971.

18. **Белов, С. В.** Пористые металлы в машиностроении / С. В. Белов. – М.: Машиностроение, 1982.

19. **Спэрроу, Э. М.** Теплообмен излучением / Э. М. Спэрроу, Р. Д. Сесс. – Л.: Энергия, 1971.

20. **Власюк, М. П.** Исследование переноса тепла при естественной конвекции в проницаемых пористых материалах / М. П. Власюк, В. И. Полежаев // Тепло- и массоперенос. – Минск: ИТМО, 1972. – Т. 1, ч. 2. – С. 366–373.

Поступила 5.05.2007